Tema 2: Polinomios, ecuaciones y sistemas de ecuaciones



1. Resuelve las siguientes ecuaciones polinómicas:

a)
$$x^2 + 9 = 6x$$

b)
$$1-(x-2)^2=1$$

c)
$$\frac{x-3}{2} + 7 = x - \frac{5-x}{4}$$

d)
$$x^4 + x^2 - 2 = 0$$

e)
$$x^4 - x^3 - 4x^2 + 4x = 0$$

f)
$$x^6 - 19x^3 - 216 = 0$$

g)
$$x^3 - 5x^2 - x = 5$$

h)
$$x^6 - 63x^3 - 64 = 0$$

2. Resuelve las siguientes ecuaciones racionales:

a)
$$\frac{2(x+1)}{2(x-2)} + \frac{4}{x} = 4$$

b)
$$\frac{1}{x^2} - \frac{3}{4} = -\frac{1}{x}$$

c)
$$\frac{1}{x+3} = \frac{3}{x}$$

d)
$$\frac{x+1}{x-1} - 1 = \frac{1}{x}$$

e)
$$\frac{1}{x-1} + x = \frac{2x+7}{x+1}$$

f)
$$\frac{4}{x^2} + \frac{3 - x^2}{x^2} = 0$$

g)
$$\frac{2x^3-x^2-2x+25}{x^2-1}=2x$$

h)
$$\frac{2x-1}{x-3} + \frac{x-3}{x} = \frac{1}{2}$$

3. Resuelve las siguientes ecuaciones irracionales:

a)
$$(\sqrt{x} - x + 2) \cdot x = 0$$

b)
$$\sqrt{2x-3} - \sqrt{x+7} = 4$$

c)
$$\sqrt{8+2x}+1=\sqrt{3x+3}$$

d)
$$\frac{\sqrt{x^2+9}}{4} = \frac{99}{60} - \frac{6-x}{5}$$

e)
$$\sqrt{7x+21} - \sqrt{x+5} = \sqrt{2x+8}$$

f)
$$\sqrt{4x+5} = x+2$$

g)
$$\sqrt{x} + 2 = x$$

$$h) \quad \sqrt{x+4} - \sqrt{6-x} = 2$$

4. Resuelve las siguientes ecuaciones exponenciales:

a)
$$3^{x+1} + 9^{x-1} = 162$$

b)
$$5^{-5} \cdot (5^{x-1})^x = 5$$

c)
$$7^{1-2x} - 50 \cdot 7^x + 7 = 0$$

d)
$$0.5^x = 16$$

e)
$$\sqrt{7^x} = \frac{1}{49}$$

f)
$$2^x + 2^{1-x} = 3$$

g)
$$4^x + 4^{x-1} + 4^{x-2} = 336$$

h)
$$2^{x+1}+2^x+2^{x-1}=28$$

i)
$$5^{x+1} + 5^x + 5^{x-1} = 775$$

j)
$$3^{x+2}+3^{x+1}+3^x+3^{x-1}=120$$

k)
$$2^{x-1}+2^{x-2}+2^{x-3}+2^{x-4}=960$$

1)
$$2^{2x} + 2^{2x-1} + 2^{2(x-1)} + 2^{2x-3} + 2^{2(x-2)} = 1984$$

m)
$$6^x - 9 \cdot 6^{-x} + 8 = 0$$

n)
$$3^{2(x+1)} - 18 \cdot 3^3 + 9 = 0$$

o)
$$2^{x+1} + 2^{x-1} = \frac{5}{2}$$

p)
$$2^{2x} - 5 \cdot 2^x + 4 = 0$$