

1. Dados los puntos A(3,3,3), B(2,3,4), C(0,0,4) y D(3,0,1):

a) ¿Están en el mismo plano? En caso afirmativo, hallar la ecuación del plano. En caso negativo, razona la respuesta.

b) Calcular  $a$  para que el punto P(a,a,8) esté en la recta que pasa por los punto A y C.

2. Halla la ecuación del plano que contiene al punto P(2,-1,2) y a la recta

$$r \equiv \frac{x}{2} = \frac{y-3}{1} = \frac{z-1}{-1}$$

3. Sean los puntos P(7,4,2), Q(1,2,-2) y R(2,1,-3). Uno de ellos es el centro de un rombo, y los otros dos, dos vértices. Halla los dos vértices restantes.

4. Halla la ecuación en forma continua de la recta que pasa por el punto P(-4,0,5) y

corta a las siguientes rectas:  $r \equiv \begin{cases} x+y+z-1=0 \\ x+y+1=0 \end{cases} \quad s \equiv \frac{x-2}{2} = \frac{y-3}{1} = \frac{z}{1}$

5. Considera el plano  $\pi$  dado por la ecuación  $3x-2y+z=3$ .

a) Estudia la posición relativa del plano  $\pi$  y de la recta  $r$  dada por

$$r \equiv \begin{cases} x+3y+3z=0 \\ y+2z=1 \end{cases}$$

b) En caso de que la recta  $r$  sea paralela al plano  $\pi$ , calcula la distancia entre ambos. En caso de que la recta  $r$  corte al plano  $\pi$ , calcula el punto de corte y el ángulo de corte entre ambos.

6. Sea el punto P(0,1,2) y la recta  $r \equiv \begin{cases} 2x+y-z=-1 \\ x-y+z=3 \end{cases}$

a) Calcula la ecuación del plano  $\pi$  que es perpendicular a la recta  $r$  y pasa por el punto P.

b) Calcula la distancia del punto P al plano  $x+y+z=5$ .

7. Dados los planos  $\pi_1 \equiv 4x+6y-12z+1=0$ ,  $\pi_2 \equiv -2x-3y+6z-5=0$ , se pide:

a) Calcular el volumen de un cubo que tenga dos de sus caras en dichos planos.

b) Para el cuadrado de vértices ABC, con A(2,1,3) y B(1,2,3), calcula los vértices C y D, sabiendo que C pertenece a los planos  $\pi_2$  y  $\pi_3 \equiv x-y+z=2$ .

8. Dado el punto  $P(1,1,1)$  y las rectas  $r \equiv \begin{cases} 2x+y=2 \\ 5x+z=6 \end{cases}$   $s \equiv \frac{x-2}{-1} = \frac{y+1}{1} = \frac{3z-3}{1}$ , se pide:

- Hallar la distancia del punto  $P$  a la recta  $r$ .
- Estudiar la posición relativa de las rectas  $r$  y  $s$ .
- Hallar el plano perpendicular a la recta  $s$  y que pasa por el punto  $P$ .

9. Sea el punto  $P(1,2,-2)$  y la recta  $r \equiv \begin{cases} x=2-\lambda \\ y=1+\lambda \\ z=2\lambda \end{cases}$

- Determina la ecuación del plano que contiene al punto  $P$  y es perpendicular a la recta  $r$ .
- Determina el punto de  $r$  más próximo a  $P$ .
- Halla la recta simétrica de  $r$  respecto al punto  $P$ .

10.

- Determina el valor de  $\lambda$  para que los puntos  $A(3,0,-1)$ ,  $B(2,2,-1)$ ,  $C(1,-2,-5)$  y  $D(\lambda,6,-1)$  sean coplanarios y calcula la ecuación del plano que los contiene.
- Determina la posición realtiva del plano  $\pi \equiv 4x+2y-3z-15=0$  y la recta  $r$  que pasa por los punto  $P(-4,4,2)$   $Q(4,8,-4)$ . Si se cortan, calcula el punto de corte.
- Calcula el punto simétrico de  $P(-4,4,2)$  respecto del plano

$$\pi \equiv 4x+2y-3z-15=0 .$$

11.

- Dado el plano  $\pi \equiv 2x-y-2z-3=0$ , calcula el valor de  $a$  para que la recta  $r$  que pasa por los puntos  $P(a,a,a)$  y  $Q(1,3,0)$  sea paralela al plano  $\pi$ .
- Para  $a=1$ , calcula la distancia de  $r$  a  $\pi$ .
- Para  $a=1$ , calcula la ecuación del plano que es perpendicular a  $\pi$  y contiene a  $r$ .

12. Sean los puntos  $A(1,0,1)$  y la recta que pasa por el punto  $B(-1,0,2)$  y el vector

$$\vec{v}(-1,1,0) .$$

- Calcula la distancia del punto  $A$  a la recta  $r$ .
- Calcula el área del triángulo de vértices  $A$ ,  $B$  y  $O$ , siendo  $O$  el origen de coordenadas.