

1. Dada la función $f(x) = \begin{cases} \frac{1}{x} + \frac{5}{2} & \text{si } x < -2 \\ -x & \text{si } -2 \leq x < 1 \\ x^2 - 3 & \text{si } x \geq 1 \end{cases}$

- Representar gráficamente f.
- Estudiar su continuidad y derivabilidad.
- Estudiar el crecimiento y decrecimiento e investigar si hay asíntotas.

2.

a) Determinar, si es posible, una función polinómica f de segundo grado que satisfaga simultáneamente las condiciones siguientes:

- que la gráfica de f corte al eje de abscisas en los puntos $x = 1$ y $x = 8$.
- que la recta tangente a la gráfica de f en el punto $(3, f(3))$ tenga de pendiente 3.

b) Si esa función existe, representarla gráficamente.

3. Dadas las funciones siguientes:

$$f(x) = 3x^6 - \ln(x) \quad g(x) = \frac{5x^4 - 3}{x^3} \quad h(x) = \sqrt{1 - x^2} \quad p(x) = 4x \cdot e^{3x}$$

Calcular: $f'(2)$; $g'(1)$; $h'(0)$; $p'(0)$

4. Se ha estudiado la evolución de la ganancia "y", en euros, en cada instante, desde un tiempo inicial, hasta pasados 5 años, por la fabricación de un determinado producto y se ha modelizado funcionalmente dicha evolución así:

- Durante el primer año: $y = 2t^2$.
- Durante el segundo y tercer año: $y = 4t - 2$.
- Durante el resto: $y = e^{3-t}$

- Construir la gráfica que muestra la evolución de la ganancia.
- Explicar la continuidad y derivabilidad de dicha función.

5. Dada la función $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definida así: $f(x) = \begin{cases} 10 + \frac{5}{2}x & \text{si } x \leq -2 \\ x^2 + 1 & \text{si } -2 < x < 2 \\ 10 - \frac{5}{2}x & \text{si } x \geq 2 \end{cases}$

- Representar gráficamente la función f.
- Estudiar la continuidad y derivabilidad en $x = 2$ y $x = -2$.
- Calcular, donde exista, la función derivada de f y representarla gráficamente

6. Dada la función $V(t) = 60 \cdot \left(\frac{t^3}{3} - 5t^2 + 16t \right)$.

- Calcular sus máximos y mínimos relativos.
- Determinar los intervalos de crecimiento y de decrecimiento.
- Esbozar la gráfica de la función.