

1. Se considera la función $f(x) = x^3 - 9x + 2$.

- Obtenga las ecuaciones de las rectas tangentes a la gráfica que sean paralelas a la recta $y = 3x - 3$
- Estudie la monotonía y la curvatura de la función f .
- Calcule $\int f(x) dx$.

2. Se considera la función $f(x) = \begin{cases} -x+2 & \text{si } x \leq 2 \\ -x^2+6x-8 & \text{si } 2 < x < 4 \\ \frac{x-3}{x} & \text{si } x \geq 4 \end{cases}$

- Estudie la continuidad y derivabilidad de f en su dominio.
- Determine los intervalos de crecimiento y decrecimiento de la función f .

c) Calcule $\int_2^3 f(x) dx$.

3. Represente gráficamente la función $g(x) = -x^2 + 6x - 5$ y calcule el área comprendida entre la gráfica de la función g , el eje de abscisas y las rectas $x = 2$ y $x = 4$.

4. Se considera la función $f(x) = ax^3 + bx + 4$, con a y b números reales.

- Determine los valores de a y b para que f tenga un extremo relativo en el punto $(2, 36)$.
- Para $a = 4$ y $b = -3$, estudie la monotonía de f y determine sus extremos relativos.
- Para $a = 4$ y $b = -3$, calcule la función $F(x)$ que verifica $F'(x) = f(x)$ y $F(2) = 10$.

5.

a) Calcule las derivadas de las siguientes funciones:

$$f(x) = (-5 + x^2)^2 \cdot e^{3x} \quad g(x) = \frac{\ln(x^3 - 5x)}{1 - x^2}$$

b) Calcule el área del recinto acotado por la gráfica de $h(x) = -x^2 + 2x + 3$ y el eje de abscisas.

6. Se considera la función $f(x) = \begin{cases} ax + \frac{1}{2} & \text{si } x \leq -1 \\ \frac{x+1}{x+3} & \text{si } -1 < x \leq 1 \\ x^2 - bx & \text{si } x > 1 \end{cases}$

a) Halle a y b para que la función sea continua en todo su dominio. Para esos valores de a y b , ¿es f derivable en $x = -1$? ¿Y en $x = 1$?

b) Para $a = -1$ y $b = 4$, estudie la monotonía de la función f .

c) Para $a = -1$ y $b = 4$, calcule $\int_1^2 f(x) dx$